<u>Devoir n°1</u> (1h25min) – Corrigé

Page: 1/2

I. Q.C.M. (3 points) – 10 min

☑ inversement proportionnelle au carré de la distance entre les centres des deux corps ; II. Interaction électrostatique et interaction gravitationnelle (7 points) – 30 min

1. Interaction électrostatique

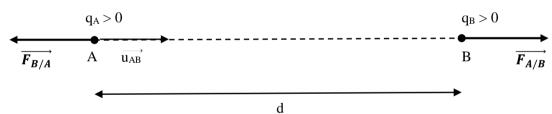
1.1. Les particules chargées vont se repousser car elles ont de même signe.

inversement proportionnelle à la distance entre les centres des deux corps ;

1.2.
$$\overrightarrow{F_{A/B}} = k \times \frac{q_A \times q_B}{d^2} \overrightarrow{u_{AB}}$$
.

$$\textbf{1.3.} \quad F_{A/B} = k \times \frac{\left| \, q_A \times q_B \, \right|}{d^2} \ soit \ F_{A/B} = 9.0 \times 10^9 \times \frac{1.6 \times 10^{-19} \ C \times 3 \times 1.6 \times 10^{-19} \ C}{0.16^2} \ ; \ F_{A/B} = 2.7 \times 10^{-26} \ N$$

1.4. Les vecteurs $\overrightarrow{F_{A/B}}$ et $\overrightarrow{F_{B/A}}$ ont même direction mais de sens opposés. Ils ont même valeur donc la représentation des vecteurs ont même longueur.



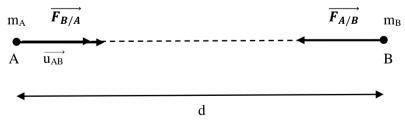
2. Interaction gravitationnelle

2.1. Les masses s'attirent quand elles sont soumises à une force gravitationnelle attractive.

$$\overrightarrow{F_{A/B}} = -G \times \frac{m_A \times m_B}{d^2} \overrightarrow{u_{AB}}$$

$$F_{A/B} = G \times \frac{m_A \times m_B}{d^2} \ soit \ F_{A/B} = 6,67 \times 10^{\text{-}11} \times \frac{1,67 \times 10^{\text{-}27} \times 3 \times 1,67 \times 10^{\text{-}27}}{0,16^2} \ ; \ F_{A/B} = 2,2 \times 10^{\text{-}62} \ N$$

Les vecteurs $\overrightarrow{F_{A/B}}$ et $\overrightarrow{F_{B/A}}$ ont même direction mais de sens opposés. Ils ont même valeur donc la représentation des vecteurs ont même longueur.



2.2. Force électrostatique $F_E = 2.7 \times 10^{-26} \ N$; $F_G = 1.2 \times 10^{-62} \ N$

On forme le rapport $\frac{F_E}{F_G} = \frac{2.7 \times 10^{-26}}{2.2 \times 10^{-62}} = 1.2 \times 10^{36}$ (sans unité car c'est le rapport de 2 mêmes grandeurs)

La force électrostatique est environ 10^{36} fois plus intense que la force gravitationnelle. La force gravitationnelle est négligeable devant la force électrostatique.

III. Gaz et sucre dans une boisson au cola (7 points) – 30 min

1. Quantité de sucre

- **1.1.** $M(C_{12}H_{22}O_{11}) = 12 \times M(C) + 22 \times M(H) + 11 M(O) = 12 \times 12,0 + 22 \times 1,00 + 11 \times 16,0 = 342 \text{ g.mol}^{-1}$.
- **1.2.** $n = C \times V$ avec n en mol, C en mol.L⁻¹ et V en L.
- **1.3.** La quantité de matière vaut $n = C \times V$; $n = 3.10 \times 10^{-1} \times 250 \times 10^{-3} = 7.75 \times 10^{-2}$ mol
- **1.4.** $n = 7.75 \times 10^{-2} \text{ mol} \approx 78 \text{ mmol} > 73 \text{ mmol}$ donc il y a trop de sucre que préconisée par l'OMS.

2. Quantité de gaz

- **2.1.** On prélève le gaz avec une seringue et on le fait barboter dans l'eau de chaux. S'il s'agit de dioxyde de carbone, l'eau de chaux se trouble (un précipité blanc apparait).
- **2.2.** $n = \frac{V}{V_M}$ avec n en mol, V en L et V_M en L.mol⁻¹.
- **2.3.** La quantité de matière de gaz vaut $n = \frac{V}{V_M}$; $n = \frac{68 \times 10^{-3}}{24,0} = 2,8$ mmol.
- 2.4. La boisson contient 250/100 = 2,5 fois plus de dioxyde de carbone, soit $n = 2,5 \times 2,8 = 7,0$ mmol On calcule le titre massique en CO_2 de la boisson $t = \frac{m}{V} = \frac{n \times M}{V}$; $t = \frac{7,0 \times 10^{-3} \times (12,0 + 2 \times 16,0)}{250 \times 10^{-3}} = 1,2$ g.L⁻¹ On obtient une valeur proche de celle indiquée dans le tableau ($t \approx 1,6$ g.L⁻¹) tout en étant supérieure à 0,5 g.L⁻¹. Donc, la boisson peut être considérée comme pétillante (non « plate »).

IV. Problème: Combien de canettes de boisson « énergisante » par jour ? (3 points) – 15 min

- Il faut calculer la quantité de matière de chaque composé et calculer le nombre de canettes que l'on peut boire connaissant la dose journalière maximale (DJA).
- Le calcul de la quantité de matière sera fait avec la relation $n = \frac{m}{M}$ donc il faut aussi calculer la masse molaire de chaque composé.
 - Pour la taurine : $M(C_2H_7NO_3S) = 2 \times 12 + 7 \times 1,00 + 14,0 + 3 \times 16,0 + 32,1 = 125,1 \text{ g.mol}^{-1}$ Pour une canette de 250 mL, $n(taurine) = \frac{1,0}{125,1} = 8,0 \times 10^{-3}$ mol soit un nombre de canette de $\frac{2,4 \times 10^{-2}}{8.0 \times 10^{-3}} = 3$
 - Pour la caféine : $M(C_8H_{10}N_4O_2) = 8 \times 12 + 10 \times 1,00 + 4 \times 14,0 + 2 \times 16,0 = 194 \text{ g.mol}^{-1}$ Pour une canette de 250 mL, $n(\text{caf\'eine}) = \frac{0,080}{194}$ = $4,1 \times 10^{-4}$ mol soit un nombre de canette de $\frac{2,1 \times 10^{-3}}{4,1 \times 10^{-4}} = 5$
 - Pour le saccharose : $M(C_{12}H_{22}O_{11}) = 12 \times 12$ + $22 \times 1,00 + 11 \times 16,0 = 342$ g.mol⁻¹ Pour une canette de 250 mL, $n(saccharose) = \frac{27}{342}$ = 7.9×10^{-2} mol = 79 mmol soit un nombre de canette de $\frac{79}{73}$ = 1 canette.
- <u>Conclusion</u>: il ne faut pas boire plus d'une canette par jour pour ne pas dépasser la DJA.
- L'excès de saccharose favorise le diabète, les caries, l'obésité et aussi l'hypertension source de maladies cardiovasculaires (infarctus, AVC).

	M						
	1		1				
I	2		1				
	3		1				
	4		1				
П	5		1	2			/6
	1.1		1				
	1.2		1				
	1.3		1	2	3		
	1.4		1	2	3		
	2.1		1	2	3	4	
Ш	2.2		1	2			/14
	1.1		1	2			
	1.2		1	2			
	1.3		1	2			
	1.4		1	2			
	2.1		1				
	2.2		1	2			
	2.3		1				
	2.4		1	2			/14
IV		calcul de n	1	2			
		calculs du nombre de canettes	1	2			
		conséquences du sucre	1	2			/6
Total:/40							
NOTE:/20							